

В результате получается последовательность вещественных чисел в диапазоне от 0 до 1, эта новая последовательность соответствует только одному прибору.

Шаг 3. Над полученной последовательностью производится нормировка – округление до ближайшего целого. В итоге получена смоделированная бинарная последовательность длиной 128, которая соответствует показаниям настоящих приборов.

В ходе выполнения научно-практической работы были проанализированы алгоритмы построения и обучения искусственной нейронной сети, в результате чего для решения поставленной задачи был выбран алгоритм обучения сети обратного распространения, как наиболее удобный для программирования, с математической точки зрения, а именно многопараметрической задачи нелинейной оптимизации. Основная идея этого метода состоит в распространении сигналов ошибки от выходов сети к её входам, в направлении, обратном прямому распространению сигналов в обычном режиме работы. Наиболее часто в качестве функций активации используется Функция Ферми (экспоненциальная сигмоида). Основным задачей являлось решение вопроса «как модифицировать веса». Так как в процессе разработки программы не удалось реализовать «стохастический градиентный спуск», был выбран метод случайного изменения весов. По этому алгоритму написана программа. В перспективе возможно изменение алгоритма для увеличения быстродействия, а главное оптимизации определения ошибки и предсказание для изменения весов нейронов сети.

Список использованных источников

1. В. А. Чулюков, И. Ф. Астахова, А. С. Потапов и др.; под ред. И. Ф. Астаховой. Системы искусственного интеллекта. Практический курс: учебное пособие. — М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2008. — 292 с.: ил. — (Адаптивные и интеллектуальные системы).
2. Википедия – интернет-энциклопедия [Электронный ресурс] / Искусственная нейронная сеть: – Режим доступа: https://ru.wikipedia.org/wiki/Искусственная_нейронная_сеть, свободный
3. Википедия – интернет-энциклопедия [Электронный ресурс] / Машинное обучение: – Режим доступа: https://ru.wikipedia.org/wiki/Машинное_обучение, свободный
4. Википедия – интернет-энциклопедия [Электронный ресурс] / Самоорганизующаяся карта Кохонена: – Режим доступа: https://ru.wikipedia.org/wiki/Самоорганизующаяся_карта_Кохонена, свободный.
5. Википедия – интернет-энциклопедия [Электронный ресурс] / Оверфиттинг: – Режим доступа: <http://ru.math.wikia.com/wiki/Оверфиттинг>, свободный

ПРОГРАММА ПРИВЕДЕНИЯ УРАВНЕНИЯ ПОВЕРХНОСТИ ВТОРОГО ПОРЯДКА К КАНОНИЧЕСКОМУ ВИДУ

Автор: Капитонов Илья Юрьевич, учащийся первого курса филиала “Протвино” государственного университета “Дубна”

Научный руководитель: Губаева Милета Михайловна, старший преподаватель

Аннотация

В данном докладе представлен результат работы по исследованию уравнения поверхности второго порядка с помощью инвариантов.

This report presents the result of the work on the study of equations of the second order surfaces with invariants.

Цель данной работы — создание на языке C++ программы, позволяющей определить тип поверхности второго порядка по заданному уравнению, а также привести заданное уравнение к каноническому виду с помощью инвариантов.

Поверхностью второго порядка называется геометрическое место точек пространства, координаты которых удовлетворяют уравнению:

$$a_{11}x^2 + a_{22}y^2 + a_{33}z^2 + 2a_{12}xy + 2a_{13}xz + 2a_{23}yz + 2a_{14}x + 2a_{24}y + 2a_{34}z + a_{44} = 0,$$

причем хотя бы один из коэффициентов при старших членах a_{11} , a_{22} , a_{33} , a_{12} , a_{13} , a_{23} отличен от нуля. При этом уравнение называется уравнением поверхности второго порядка. Для произвольной поверхности второго порядка существует такая декартова система координат пространства XYZ, что в этой системе поверхность имеет уравнение одного из следующих семнадцати видов:

- (3) $X^2/a^2 + Y^2/b^2 + Z^2/c^2 = 1$, $I_3 \neq 0$, $I_2 > 0$, $I_1 \cdot I_3 > 0$, $I_4 < 0$ эллипсоид (1)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 + Z^2/c^2 = -1$, $I_3 \neq 0$, $I_2 > 0$, $I_1 \cdot I_3 > 0$, $I_4 > 0$ мнимый эллипсоид (2)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 + Z^2/c^2 = 0$, $I_3 \neq 0$, $I_2 > 0$, $I_1 \cdot I_3 > 0$, $I_4 = 0$ вырожденный эллипсоид (точка)
- (4) $X^2/a^2 + Y^2/b^2 - Z^2/c^2 = 1$, $I_3 \neq 0$, $I_4 > 0$, НЕ: $I_2 > 0$ и $I_1 \cdot I_3 > 0$ однополостный гиперboloид
- (5) $X^2/a^2 - Y^2/b^2 - Z^2/c^2 = 1$, $I_3 \neq 0$, $I_4 < 0$, НЕ: $I_2 > 0$ и $I_1 \cdot I_3 > 0$ двуполостный гиперboloид
- $X^2/a^2 + Y^2/b^2 - Z^2/c^2 = 0$, $I_3 \neq 0$, $I_4 = 0$, НЕ: $I_2 > 0$ и $I_1 \cdot I_3 > 0$ конус (6)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 = 2pz$, $I_3 = 0$, $I_4 < 0$ эллиптический параболоид (7)
 $X^2/a^2 - Y^2/b^2 = 2pz$, $I_3 = 0$, $I_4 > 0$ гиперболический параболоид (8)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 = 1$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 > 0$, $K_1 \cdot I_1 < 0$ эллиптический цилиндр (9)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 = -1$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 > 0$, $K_1 \cdot I_1 > 0$ мнимый эллиптический цилиндр (10)
 $X^2/a^2 - Y^2/b^2 = 1$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 < 0$, $K_1 \neq 0$ гиперболический цилиндр (11)
 $Y^2 = 2px$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 = 0$, $K_1 \neq 0$ параболический цилиндр (12)
 $X^2/a^2 - Y^2/b^2 = 0$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 < 0$, $K_1 = 0$ две пересекающиеся плоскости (13)
 $X^2/a^2 + Y^2/b^2 = 0$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 > 0$, $K_1 = 0$ две мнимые пересекающиеся плоскости (прямая линия) (14)
 $X^2 = a^2$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 = 0$, $K_1 = 0$, $K_2 < 0$ две параллельные плоскости (15)
 $X^2 = -a^2$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 = 0$, $K_1 = 0$, $K_2 > 0$ две мнимые параллельные плоскости (16)
 $X^2 = 0$, $I_3 = 0$, $I_4 = 0$, $I_2 = 0$, $K_1 = 0$, $K_2 = 0$ две совпадающие плоскости (вырожденный параболический цилиндр) (17), где:
 $a > 0$, $b > 0$, $c > 0$, $p > 0$;
 $I_1 = a_{11} + a_{22} + a_{33}$

$$I_2 = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{12} & a_{22} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} \\ a_{23} & a_{33} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{33} & a_{13} \\ a_{13} & a_{11} \end{vmatrix}$$

$$I_3 = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{12} & a_{22} & a_{23} \\ a_{13} & a_{23} & a_{33} \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \end{vmatrix}$$

$$I_4 = \begin{vmatrix} a_{12} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{13} & a_{23} & a_{33} & a_{34} \\ a_{14} & a_{24} & a_{34} & a_{44} \end{vmatrix}$$

-инварианты поверхности второго порядка при сдвигах и поворотах;

$$K_1 = \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{23} & a_{33} & a_{34} \\ a_{24} & a_{34} & a_{44} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{11} & a_{13} & a_{14} \\ a_{13} & a_{33} & a_{34} \\ a_{14} & a_{34} & a_{44} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{14} \\ a_{12} & a_{22} & a_{24} \\ a_{14} & a_{24} & a_{44} \end{vmatrix}$$

$$K_2 = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{14} \\ a_{14} & a_{44} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{22} & a_{24} \\ a_{24} & a_{44} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{33} & a_{34} \\ a_{34} & a_{44} \end{vmatrix}$$

- инварианты поверхности второго порядка при поворотах.

Характеристическое уравнение для поверхности второго порядка имеет вид:

$$\lambda^3 - I_1 \lambda^2 + I_2 \lambda - I_3 = 0,$$

корни этого уравнения – канонические коэффициенты.

Нахождение канонического уравнения поверхности второго порядка по инвариантам:

1. для центральных поверхностей ($I_3 \neq 0$)
 $\lambda_1 x^2 + \lambda_2 y^2 + \lambda_3 z^2 + I_4/I_3 = 0;$
2. для параболоидов ($I_3=0, I_4 \neq 0$)
 $\lambda_1 x^2 + \lambda_2 y^2 = 2z \sqrt{-I_4/I_2};$
3. для цилиндров, кроме параболического, а также для действительных или мнимых пересекающихся плоскостей ($I_3=0, I_4=0, I_2 \neq 0$)
 $\lambda_1 x^2 + \lambda_2 y^2 + K_1/I_2 = 0;$
4. для параболического цилиндра ($I_3=0, I_4=0, I_2=0, K_1 \neq 0$)
 $I_1 y^2 = 2x \sqrt{-K_1/I_1};$
5. для параллельных плоскостей ($I_3=0, I_4=0, I_2=0, K_1=0,$)
 $I_1 x^2 + K_2/I_1 = 0;$

Приложение создано в среде Microsoft Visual Studio 2013. Это набор инструментов для создания программного обеспечения: от планирования до разработки пользовательского интерфейса, написания кода, тестирования, отладки, анализа качества

кода и производительности, развертывания в средах клиентов и сбора данных телеметрии по использованию.

В ходе приведения заданного уравнения поверхности второго порядка к каноническому виду может возникнуть необходимость нахождения корней кубического уравнения. В данной программе эта задача решается с помощью тригонометрических формул Франсуа Виета.

Пользователю предлагается ввести с клавиатуры коэффициенты (a_{11}, \dots, a_{44}) уравнения поверхности второго порядка. Программа считывает введенные данные и затем определяет и выводит на экран название типа поверхности, а также ее уравнение в каноническом виде.

Главное окно приложения представлено на рисунке 1.

```

Программа приведения уравнения поверхности второго порядка к каноническому виду
a11*x*x+ a22*y*y+ a33*z*z+ 2a12*x*y+ 2a13*x*z+ 2a23*y*z+ 2a14*x+ 2a24*y+ 2a34*z+ a44= 0
введите коэффициенты уравнения:
a11= 1
a12= 0
a13= 0
a14= 1
a22= 2
a23= 0
a24= 0
a33= 4
a34= 0
a44= 0
1*x*x+ 2*y*y+ 4*z*z+ 2*0*x*y+ 2*0*x*z+ 2*0*y*z+ 2*1*x+ 2*0*y+ 2*0*z+ 0= 0
I1=7, I2=14, I3=8, I4=-8, K1=-6, K2=-1
данное уравнение описывает эллипсоид
rh=0.71
R=-0.37
Q=0.78
S=0.33
m1=1.00
m2=4.00
m3=2.00
каноническое уравнение имеет вид : 1.00*x*x + 2.00*y*y + 4.00*z*z + -8/8 = 0
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .

```

Рисунок 1 - Главное окно приложения

Список используемых источников

1. Соловьев, В.О. Курсовая работа по линейной алгебре и аналитической геометрии: учебно-методическое пособие/ В.О. Соловьев. – Дубна: Междунар. ун-т природы, о-ва и человека “Дубна”, 2010. – 40с..
2. Ильин, В.А., Ким, Г.Д. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учеб.-3-е изд., перераб. и доп.- М.: ТК Велби, Изд-во Проспект, 2008. - 400с.
3. Клетеник, Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии: Уч. Пособие для втузов. – 17-е изд.- СПб.. Изд-во “Профессия”, 2006. – 200с., ил.

ПОИСК В СТРУКТУРИРОВАННЫХ ДАННЫХ

Автор: Кириллов Никита Васильевич, студент 2 курса МАИ

Научный руководитель: к.ф.-м.н, доцент Олейников Владимир Петрович

Аннотация.

В настоящее время существует множество поисковиков и методов поиска в неструктурированных данных – поисковики в интернете, поиск текста в документах и т.п.